

О. Ю. Левченко

Краснодар, Hary70@mail.ru

## К ВОПРОСУ ОБ УСТОЙЧИВОСТИ ИНТЕГРО-ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ

Изучается устойчивость тривиального решения систем

$$x' = Ax + \int_0^t K(t-s)x(s)ds + f(t, x(t)) + \int_0^t G[t, s, x(s)]ds, \quad (1)$$

$$x' = Ax + Bx(t-\tau) + \int_0^t K(t-s)x(s)ds + g(t, x(t), x(t-\tau)) + \\ + \int_0^t G[t, s, x(s)]ds, \quad (2)$$

где  $A$  и  $B$  — постоянные  $n \times n$ -матрицы;  $K \in L_1[0; \infty)$ ;  $f$  и  $G$  — непрерывные вектор-функции при  $t \geq 0$  и  $0 \leq s \leq t < \infty$  соответственно;  $\|x\| \leq r$ ;  $f(t, 0) = g(t, 0, 0) = G(t, s, 0) \equiv 0$ . Кроме того, решение уравнения (2) удовлетворяет начальному условию:  $x(t) = h(t)$  при  $t \in [-\tau; 0]$ , где  $h(t)$  — известная непрерывная вектор-функция.

Обозначим через  $\widehat{K}(z)$  преобразование Лапласа ядра  $K$ , а через  $I$  единичную матрицу. Пусть

$$\sup_t \int_0^t \sup_{\|x\| \leq r} \|G(t, s, x)\| ds = o(\tau), \quad \tau \rightarrow 0. \quad (3)$$

**Теорема 1.** Если матрица  $zI - A - \widehat{K}(z)$  обратима при  $\operatorname{Re} z \geq 0$ , а также выполнено условие (3) и

$$\sup_t \|f(t, x)\| = o(\|x\|), \quad x \rightarrow 0,$$

то тривиальное решение системы (1) устойчиво. Если, кроме того,

$$\lim_{t \rightarrow \infty} \int_0^T \sup_{\|x\| \leq \tau} \|G(t, s, x)\| ds = 0 \quad (4)$$

при любых  $T > 0$  и  $\tau \leq r$ , то тривиальное решение системы (1) асимптотически устойчиво.

**Теорема 2.** Если матрица  $zI - A - Be^{-\tau z} - \hat{K}(z)$  обратима при  $\operatorname{Re} z \geq 0$ , имеет место условие (3) и

$$\sup_t \|g(t, x, u)\| = o(\|x\| + \|u\|), \quad x \rightarrow 0, \quad u \rightarrow 0,$$

то тривиальное решение системы (2) устойчиво. Если, кроме того, выполнено условие (4), то тривиальное решение системы (2) асимптотически устойчиво.

**Е. К. Липачёв, Д. В. Шмыков**

Казань, [lipachev@ksu.ru](mailto:lipachev@ksu.ru), [dmitryshm@mail.ru](mailto:dmitryshm@mail.ru)

## НЕЙРОННАЯ СЕТЬ В РЕШЕНИИ КРАЕВОЙ ЗАДАЧИ РАССЕЯНИЯ ВОЛН ЧАСТИЧНО ДЕФОРМИРОВАННОЙ ПЕРИОДИЧЕСКОЙ СТРУКТУРОЙ

Рассматривается краевая задача рассеяния плоской электромагнитной волны периодической дифракционной решеткой (см., например, [1]), конечный участок которой имеет иные, чем у остальной части решетки, геометрические характеристики — “деформированный” участок. На основе результатов для периодического случая (см., например, [1], [2]) построено решение